

FONDAMENTALI MECCANISMI DI SCAMBIO TERMICO

- 1) SCAMBIO PER CONDUZIONE
- 2) SCAMBIO PER CONVEZIONE
- 3) SCAMBIO PER IRRAGGIAMENTO

IRRAGGIAMENTO $q_{12} = (T_1^4 - T_2^4) \cdot g \cdot \sigma_m$

Le temperature in Kelvin
 * g = coefficiente che contiene la disposizione geometrica delle due superfici, $\sigma_m = 5,67 \cdot 10^{-8} \frac{W}{m^2 K}$ è la costante di STEFAN-BOLTZMANN

CONDUZIONE $Q = \lambda \frac{(T_1 - T_2) \cdot S}{L}$

In termini di potenza termica SPEC. cambia il simbolo e viene a mancare S al numeratore

$\bar{q} = \lambda \frac{(T_1 - T_2)}{L}$ **ESPRESSIONE DI FOURIER**
 $q = \lambda S \frac{(T_1 - T_2)}{L}$
 L = spessore parete

CONVEZIONE richiede circolazione di fluido.

- 1) Si parla di convezione forzata quando la circolazione avviene a cura di macchine o condotte forzate
- 2) Si parla di convezione naturale quando il movimento del fluido è indotto dalla differenza della temperatura esistente tra la superficie e il fluido, infatti si instaura un gradiente di peso a causa del gradiente di temperatura. Viceversa instaura il moto convettivo.

$q = h \cdot S (T_p - T_f)$ $h = \left[\frac{W}{m^2 K} \right]$
 coefficiente di convezione, sup. di scambio, temp. parete, temp. fluido
 $\bar{q} = h (T_p - T_f)$

Generazione interna di calore.

$H = \lim_{\Delta V \rightarrow 0} \frac{\Delta q_{12}}{\Delta V} \left[\frac{W}{m^3} \right] \Rightarrow q_{12} = \int_V H \cdot dV$

$H = \int q_{12} dV \Rightarrow H = q \cdot V$

EQUAZIONE GENERALE DELLA CONDUZIONE TERMICA

nelle condizioni di mezzo isotropo e omogeneo, dalla definizione di calore specifico

$c = \frac{du}{dT}$ $du = c dT$ passo alle grandezze NON SPECIFICHE ed ottengo $dU = m c dT$ esplicito la massa $dU = \rho V c dT$

$H + \lambda \nabla^2 t = \rho c \frac{dT}{dt}$
 variazione di temperatura, tempo

$\frac{H}{\lambda} + \nabla^2 t = \rho c \frac{dT}{dt}$
 caso stazionario $\rho c \frac{dT}{dt} = 0$ $\nabla^2 t = -\frac{H}{\lambda}$

DEFINIZIONI

- $Q =$ calore [J]
 $\dot{Q} = q$ potenza termica (crea un flusso) [W] $q = \frac{\Delta T}{\Delta t}$
 $\bar{q} =$ potenza termica specifica (crea un flusso) $\left[\frac{W}{m^2} \right]$
 $\vec{q} =$ flusso termico specifico attraverso un'isoterma
 $q_g = \int_V H \cdot dV$ si usa per la conduzione (calore generato internamente)

COEFFICIENTI

- $h =$ coefficiente di convezione
 $\lambda =$ coeff. di conducibilità termica
 $\lambda = \left[\frac{W}{m K} \right]$
 $K =$ trasmittanza $\frac{W}{m^2 K}$
 $1 \text{ ATA} = 1,033 \text{ ATM}$

costanti

$\sigma_m = 5,67 \cdot 10^{-8}$ STEFAN BOLTZMANN

RESISTENZA TERMICA

Esiste una analogia con la resistenza elettrica

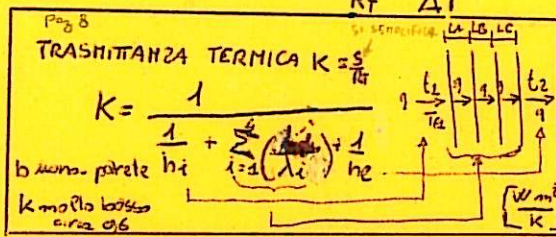
$V \Leftrightarrow \Delta T$ e $I \Leftrightarrow Q$

$R_T = \frac{\Delta T}{Q} = \frac{L}{\lambda \cdot S}$ resistenza termica CONDUZIONE

$R_T = \frac{\Delta T}{Q} = \frac{1}{h \cdot S}$ resistenza termica CONVEZIONE

$R_T = \frac{1}{g \sigma_m \cdot 4 \cdot T_m^3}$ resistenza termica IRRAGGIAMENTO

CONDUTTANZA TERMICA $C_T = \frac{1}{R_T} = \frac{Q}{\Delta T}$



ESPRESSIONE DI FOURIER PER LA CONDUZIONE

$q = \lambda \cdot S \cdot \frac{(T_2 - T_1)}{L}$

$\vec{q} = -\lambda \nabla t$

CALORE SPECIFICO

$c_v = \frac{\partial u}{\partial T} |_{v = \text{cost}}$

$c_p = \frac{\partial h}{\partial T} |_{p = \text{cost}}$

$c_p - c_v = R$
 $\frac{c_p}{c_v} = K$
 $c_p = \frac{R K}{K-1}$
 $c_v = \frac{R}{K-1}$

l'equazione generale della conduzione si semplifica in particolare in 3 casi

$\rho c \frac{\partial T}{\partial t} = \lambda \nabla^2 t + H$

1° caso) senza generazione interna di calore cioè $H=0$

$\frac{\partial T}{\partial t} = \frac{\lambda}{\rho c} \nabla^2 t$ **EQUAZIONE DI FOURIER**

2° caso) con temperatura costante nel tempo $t = \text{cost}$

$\nabla^2 t + \frac{H}{\lambda} = 0$ **EQUAZIONE DI POISSON**

3° caso) senza generazione interna di calore e $t = \text{cost}$

$\nabla^2 t = 0$ **EQUAZIONE DI LAPLACE**

NOTA BENE. QUASI TUTTI I PROBLEMI DI PARETE SI RISOLVONO INTEGRANDO L'EQUAZIONE DI POISSON (STAZIONARIO)

$t = -\frac{H}{2\lambda} x^2 + C_1 x + C_2$ con C_1 e C_2 condizioni al contorno