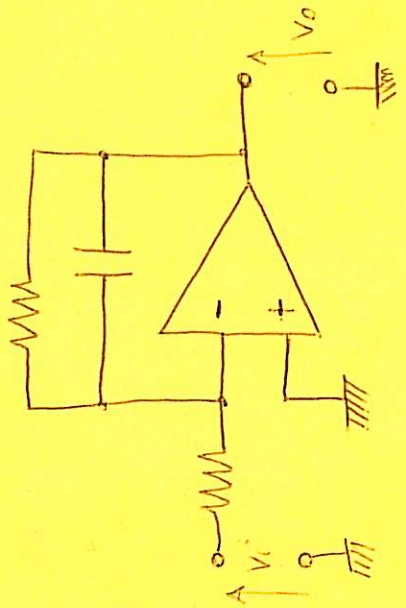
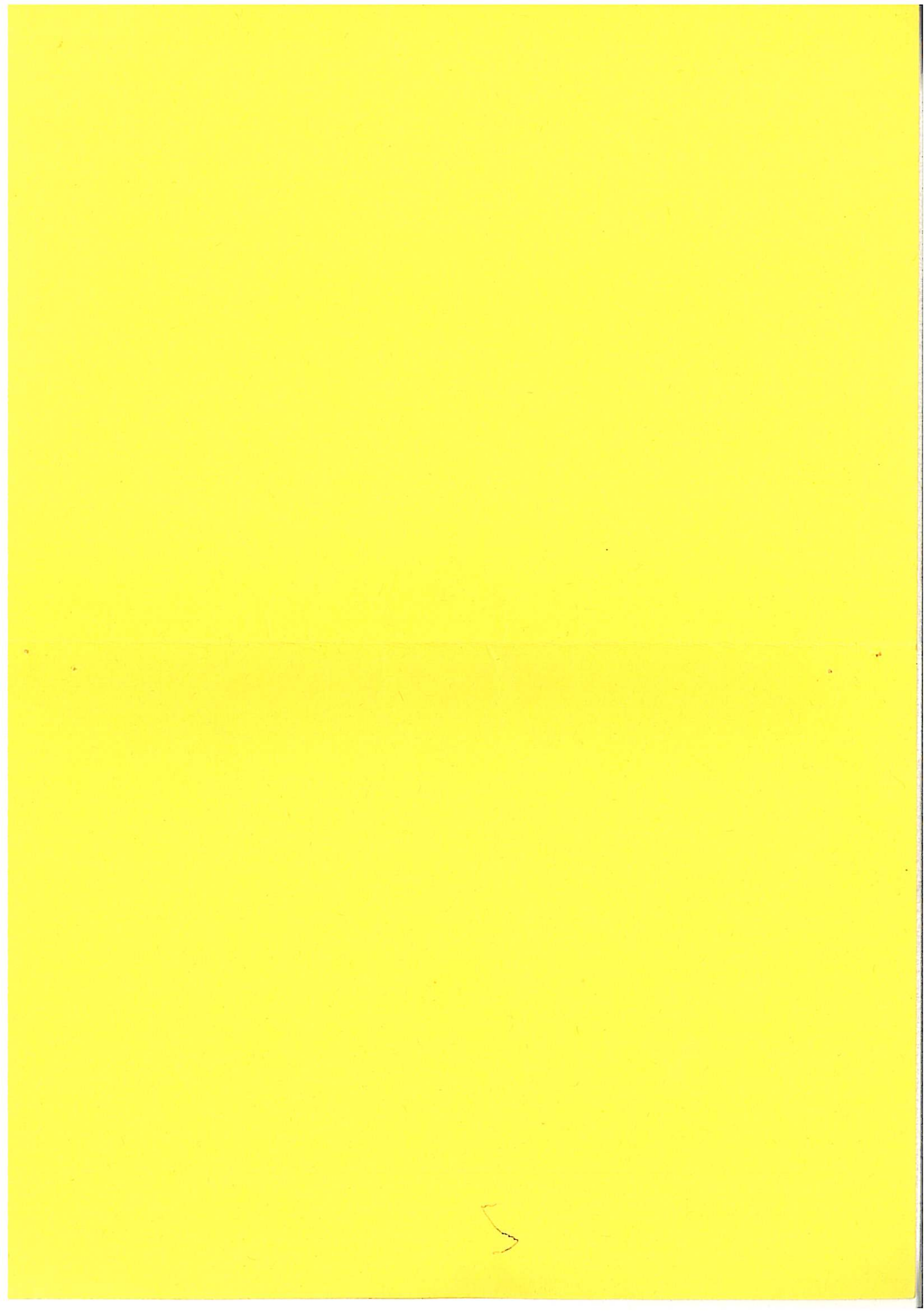


Prof. Gottardo Marco

A.S. 2003/2004

AMPLIFICATORI OPERAZIONALI





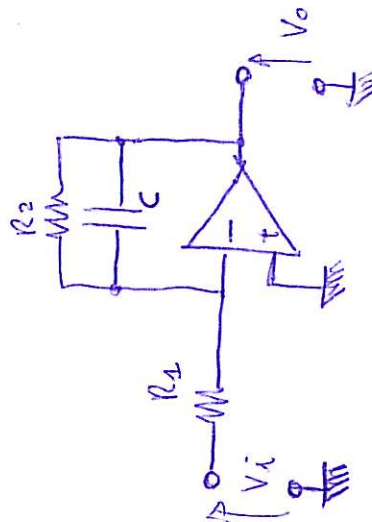
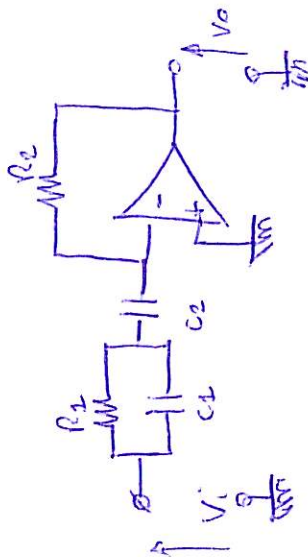
$$\frac{R_2}{R_2 + R_3} = \frac{1}{R_4} \Leftrightarrow \frac{R_2}{R_4} = \frac{R_3}{R_4}$$

da cui

$$i_L = -\frac{R_2}{R_2 + R_3} V_i = -\frac{V_i}{R_4} = i_L$$

INDIPENDENTE DA  $V_o$  COME RICHIESTO

### FILTRI



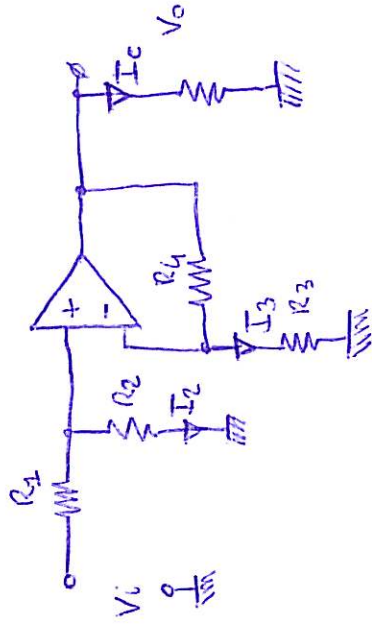
filtro passa basso

INDICE

- 4) Introduzione
- 7) Amplificatori operazionali reali e ideali
- 7) Stadi interni dell'A.O.
- 8) Configurazione/Predimatura  $\mu A741$  e  $LT1324$
- 9) Modi di funzionamento
- 10) Retroazione negativa
- 11) Configurazione invertente
- 12) Guadagno delle configurazioni invertente
- 13-14-15) Catena Aperta - comparatori
- 16) trigger di schmitt (comparatore a finestra)
- 19) S'integratore di Miller
- 22) circuiti Sommatore
- 26) Circuito derivatore
- 27) Buffer
- 28) Differenziale
- 31) La tensione di Offset
- 32) Amplificatore logaritmico
- 34) Amplificatore Esponenziale
- 35) Applicazione degli Amplificatori logaritmici
- 36) Convertitore A/D.
- 37) convertitori DA
- 38) Generatore di funzioni
- 39) convertitore a Ramp.
- 42) convertitore tensione corrente
- 44) oscillatori

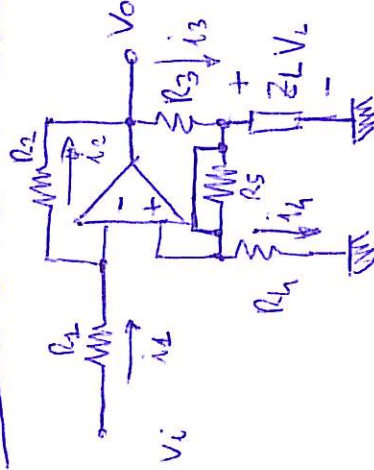
ESERCIZIO PROPOSTO

- $R_1 = 15 K\Omega$
- $R_2 = 5 K\Omega$
- $R_3 = R_4 = 100 K\Omega$
- $R_c = 20 K\Omega$
- $V_i = 10 V$



- $A_V = ?$
- $U_{O0} = ?$
- $I_L = ?$
- $I_3 = ?$
- $I_{C0} = ?$

ESERCIZIO CONVERTITORE TENSIONE / CORRENTE.



Trascurare i valori delle R in modo che  $I_L$  sia funzione solo di  $V_i$

Traccia: applicare KLC ai nodi.

$$i_1 = i_2 \quad i_3 = \frac{V_o - V_L}{R_3}$$

$$i_4 = \frac{V_L}{R_4}$$

$$i_L = i_3 - i_4$$

$$i_1 = \frac{V_i - V_L}{R_1}$$

$$i_L = -\frac{R_2}{R_2 + R_3} V_i + \left( \frac{R_2}{R_2 + R_3} - \frac{1}{R_4} \right) V_L$$

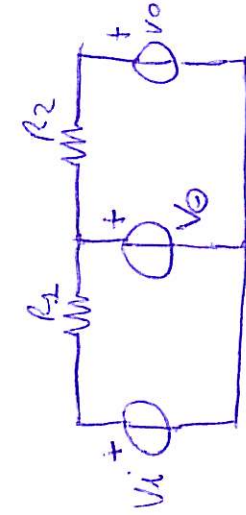


si sfrutta l'equi-potenzialità dei morsetti  $V_{\oplus} = V_{\ominus}$

$$V_{\oplus} = \frac{V_2}{R_3 + R_4} \cdot R_4 \quad (\text{formula del partitore di tensione})$$

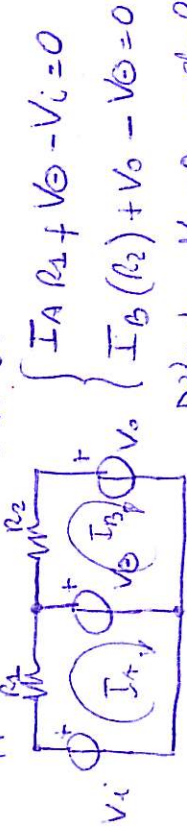
$$V_{\oplus} = \frac{3}{2k + 8k} \cdot 8k = \frac{3 \cdot 8}{10} = 2,4 \text{ volt}$$

tale tensione è ripartita al morsetto invertente visto che  $V_{\oplus} = V_{\ominus}$  quindi posso con la formula del partitore di tensione trovare l'incognita mancante



Analogo risultato si ottiene con il P.S.E o anche con le correnti di Maxwell.

Applico le correnti di Maxwell.



Dato che  $V_0 = 0$  e che le maglie

sono indipendenti  $V_0 = -\frac{R_2}{R_2} (V_1 - V_2)$  ricavo  $V_1$

$$V_0 \frac{R_1}{R_2} = -(V_1 - V_2) \quad V_0 \frac{R_1}{R_2} = V_1 + V_2$$

quindi  $V_1 = \left( V_0 \frac{R_1}{R_2} \right) - V_2$  da cui  $V_1 = -3 \text{ volt}$

Il nome amplificatore operazionale ("operational amplifier" OP-AMP) venne dato in origine a questo dispositivo vista la sua grande affidabilità, con l'aggiunta di semplici reti esterne, si esegue operazioni matematiche quali addizione, moltiplicazione, logaritmi e per fino integrali e derivate. Il dispositivo era pensato per realizzare dei calcolatori di tipo analogico.

Inventato negli anni trenta per scopi militari, un brevissimo tempo è diventato il componente più versatile ed il più impiegato in moltissime applicazioni.

Le applicazioni tipiche sono:

- Circuiti di controllo automatico
- Conversione digitale/analogica e analogica digitale.
- Asservimenti
- Calcolo analogico
- Interfacciamento tra dispositivi analogici.
- Filtri attivi con pendenze di taglio molto ripide
- Generatori di funzioni.

con l'avvento della tecnologia integrata, gli A.O. sono diventati estremamente affidabili, miniaturizzati, stabili alla temperatura, prevedibili nelle prestazioni.

AMPLIFICATORE OPERAZIONALE IDEALE O REALE

Un componente ha due morsetti di ingresso e uno di uscita.  
 L'ingresso invertente è indicato con il segno ⊖ e quello non invertente con il segno ⊕.

Un componente amplifica la differenza tra le tensioni di ingresso  $V_d = V_{\oplus} - V_{\ominus}$

Si definisce guadagno in catena aperta  $A_{of} = \frac{V_o}{V_d}$

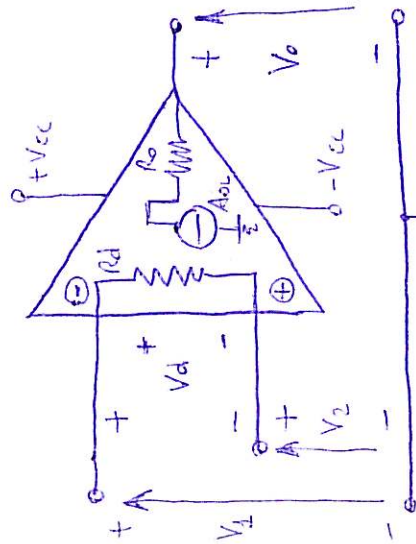


Fig. 1 a  
 Rappresentazione completa

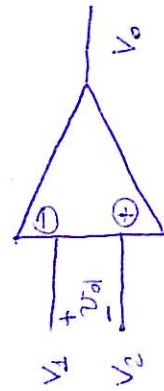


Fig. 1 b

rappresentazione semplificata

visto che tutti i valori sono noti la soluzione è immediata se si esegue una semplice sostituzione,

$$\left( -\frac{300 \text{ mV}}{20000 \Omega} - \frac{500 \text{ mV}}{40000 \Omega} - \frac{1 \text{ V}}{50000} \right) 100000 \Omega = V_o$$

$$\left( -\frac{0,3}{20000} - \frac{0,5}{40000} - \frac{1}{50000} \right) 100000 = V_o$$

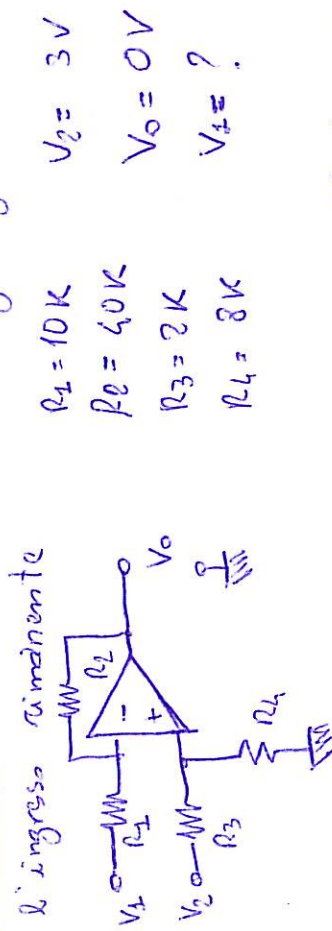
Semplifico  
3 Zeri

di cui si risolve  $V_o$ .

$$V_o = -4,75 \text{ volt}$$

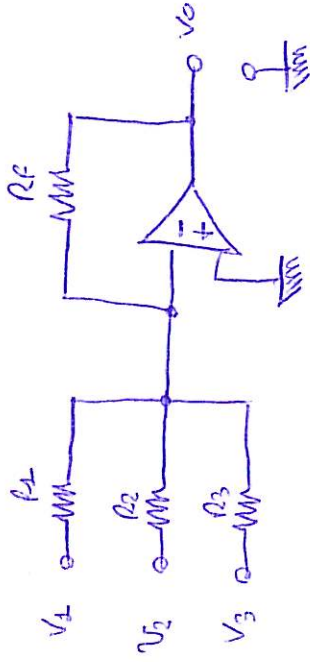
Il segno è certamente corretto visto che tutti i segnali di ingresso sono positivi e la configurazione è invertente.

ESERCIZIO Data l'uscita e uno degli ingressi determinare l'ingresso rimanente



Lo schema è quello di un amplificatore differenziale. Si procede come mostrato a pagina 28





$$R_F = 100 \text{ k}\Omega$$

$$R_2 = 20 \text{ k}\Omega$$

$$R_1 = 40 \text{ k}\Omega$$

$$R_3 = 50 \text{ k}\Omega$$

$$V_1 = 300 \text{ mV}$$

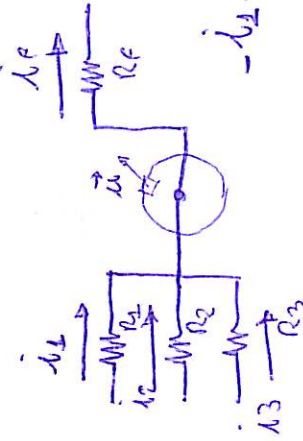
$$V_2 = 500 \text{ mV}$$

$$V_3 = 1 \text{ V}$$

trovare  $V_0$

Soluzione: Il circuito è un sommatore invertente in retroazione negativa. I morsetti invertente e non invertente sono equipotenziali quindi  $V_{\oplus} = V_{\ominus}$

Applichiamo Kirchhoff al nodo della massa virtuale.



$$-i_1 - i_2 - i_3 + i_F = 0$$

dalla legge di Ohm posso esprimere le correnti con le funzioni delle tensioni (di ingresso o uscita) e delle rispettive correnti

$$-\frac{V_1}{R_1} - \frac{V_2}{R_2} - \frac{V_3}{R_3} + \frac{(-V_0)}{R_F} = 0$$

Il modulo del guadagno in catene aperte va da  $10^3$  a  $10^7$ , è talmente alto che si dice che è infinito.

Un guadagno altissimo ovviamente non implica una altissima  $v_0$  di uscita, in realtà significa che può essere molto piccola la tensione del segnale in ingresso per ottenere un valore apprezzabile di uscita. La massima tensione ottenibile in uscita è comunque al massimo 1,4 volt minore della tensione  $V_{cc}$  di alimentazione ed è della tensione di saturazione.

La saturazione positiva vale  $V_{cc} - 1,4$  volt mentre la saturazione negativa vale  $-V_{cc} + 1,4$ .

La tensione di alimentazione duale applicata ai morsetti  $+V_{cc}$  e  $-V_{cc}$  è sempre simmetrica rispetto alla massa ed è ottenuta con due generazioni uguali posti in serie.

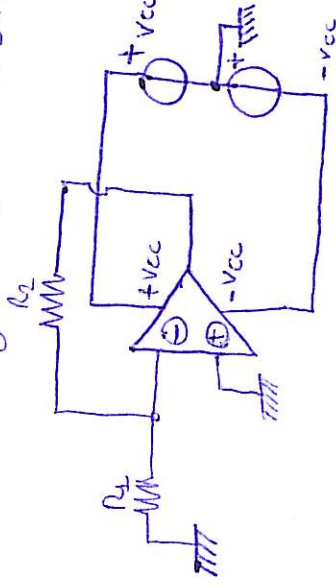


fig 2

l'uscita dell'amplificatore operazionale può essere lineare nel range

$$V_{CC} - 2V_{SAT} < V_O < -V_{CC} + 2V_{SAT}$$

con due volt si arrotonda gli 1,4 precedentemente definiti.

L'amplificatore operazionale ha nel modello ideale tre caratteristiche

- 1) Impedenza d'ingresso  $R_d$  infinita (corrente entrante nulla)
- 2) Resistenza  $R_o$  dell'uscita nulla, quindi la tensione  $V_o$  è indipendente dal carico.
- 3) Guadagno  $A_{ol}$  dell'anello aperto infinito.

Tutte le tensioni sono misurate rispetto alla massa ma solo la differenza delle tensioni in ingresso determina l'uscita.

AMPLIFICATORE DIFFERENZIALE  $V_O = V_P - V_N$

con  $V_P = V_{\oplus}$  e  $V_N = V_{\ominus}$

$$V_O = a (V_P - V_N)$$

con a pari al guadagno ad anello aperto

Se  $R_d$  in figura 1 è anche della resistenza differenziale di ingresso

(4)

La classica espressione del guadagno in retroazione negativa con configurazione non invertente

$$V_O = V_i \left( \frac{R_1}{R_1} + \frac{R_2}{R_1} \right) \text{ spartano in due la frazione}$$

Poi amplifico e esprimo il guadagno come rapporto tra la tensione di uscita e quella di ingresso

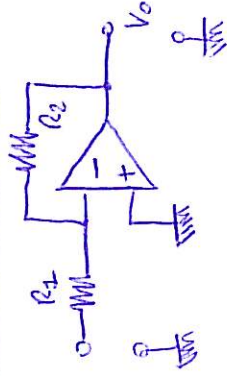
$$\frac{V_O}{V_i} = \left( 1 + \frac{R_2}{R_1} \right)$$

nel caso specifico il valore della tensione di uscita è

$$V_O = 10 \cdot 10^{-3} \text{ volt} \left( 1 + \frac{10 \cdot 1000 \text{ Ohm}}{5600 \text{ Ohm}} \right)$$

$$V_O = 0,028 \text{ volt} \text{ ovvero } 28 \text{ millivolt}$$

ESERCIZIO PROPOSTO



$$R_1 = 60K\Omega$$

$$R_2 = 30K\Omega$$

$$V_i = -5V$$

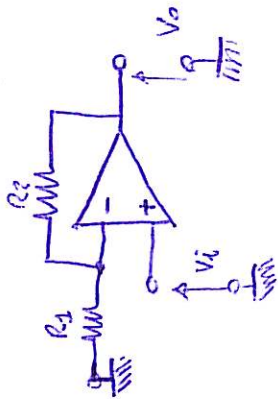
trovare  $\Delta V = ?$   $\Delta V_{db} = ?$   $V_o = ?$

(49)



## ESERCIZI

Determinare retroazione - con configurazione e valore della tensione di uscita.



$$R_1 = 5,6 \text{ K}$$

$$R_2 = 10 \text{ K}$$

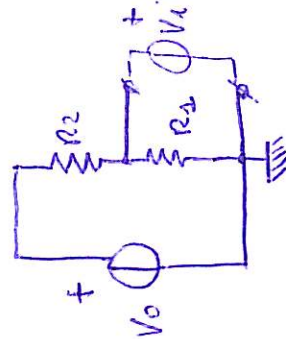
$$V_i = 10 \text{ mV}$$

1) Il segnale entra nel morsetto non invertente pertanto la configurazione è NON INVERTEENTE

2) Esiste un collegamento tra l'uscita e l'ingresso INVERTEENTE PERTANTO LA RETROAZIONE È NEGATIVA.

3) Determino la tensione di uscita.

Dalla retroazione negativa si verifica  $V_{\oplus} = V_{\ominus}$  quindi la rete resistiva è un partitore di cui è noto il valore centrale.



Con la formula del partitore trovo la tensione  $V_o$

$$V_i = \frac{V_o}{R_1 + R_2} \cdot R_1$$

da cui  $V_o = V_i \left( \frac{R_1 + R_2}{R_1} \right)$

Con semplici passaggi posso anche ricavare

Dimostrazione del perché il guadagno nelle applicazioni reali è minore di infinito.

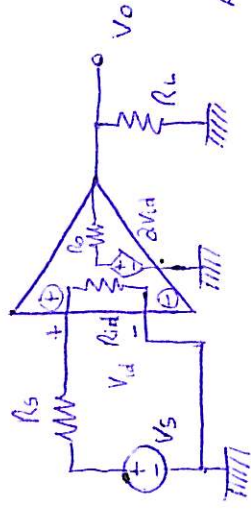


Fig 3

Il segnale al morsetto non invertente si ricava dal partitore di tensione e cui è applicato  $V_s$

$$V_{\oplus} = \frac{V_s}{R_s + R_{sid}} \cdot R_{sid}$$

Il segnale di uscita è dato dal partitore tra  $R_L$  e  $R_o$  alimentato dal generatore di tensione pilotato  $a_{vid}$

$$V_o = \frac{a_{vid} \cdot R_L}{R_o + R_L}$$

Per definizione il guadagno  $a_v = \frac{V_o}{V_i}$  quindi posso fare il rapporto tra le espressioni trovate dopo aver esplicitato  $V_s$  dalla prima

$$V_s = \frac{R_s + R_{sid}}{R_{sid}} \quad e \quad V_o = a_{vid} \cdot \frac{R_L}{R_o + R_L}$$

Esando  $V_i = V_s$  si ottiene da  $a = \frac{V_o}{V_s}$

$$\frac{V_o}{V_s} = \frac{\frac{A_{vid} \cdot R_L}{R_o + R_L}}{\frac{R_s + R_{id}}{R_{id}}}$$

onde bisogna le dovute semplificazioni.

$$\frac{V_o}{V_s} = \frac{A_{vid} \cdot R_L}{R_o + R_L} \cdot \frac{R_{id}}{R_s + R_{id}}$$

in definitiva si ottiene:

$$\frac{V_o}{V_s} = a \cdot \left( \frac{R_L}{R_o + R_L} \right) \cdot \left( \frac{R_{id}}{R_s + R_{id}} \right) < a$$

Se ora ci si pone nelle condizioni di idealità, ovvero che  $R_{id} = \infty$  e  $R_o = 0$  si ottiene:

$$\frac{V_o}{V_s} = a \cdot \left( \frac{R_L}{0 + R_L} \cdot \frac{\infty}{R_s + \infty} \right) = a$$

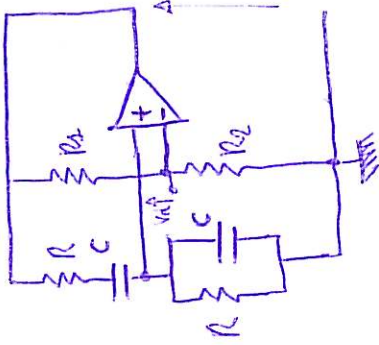
tenendo conto che  $\frac{1}{R_s}$  tende a zero e  $\frac{R_L}{R_L}$  vale 1

Visto che  $R_{id}$  tende a infinito allora le correnti entranti nei morsetti invertente e non invertente sono nulle.

(6)

## OSCILLATORE A PONTE DI WIEN

La rete di reazione è un ponte bilanciato



$$f_o = \frac{1}{2\pi RC}$$

$$\frac{1}{A_d} = \frac{1}{3} - \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

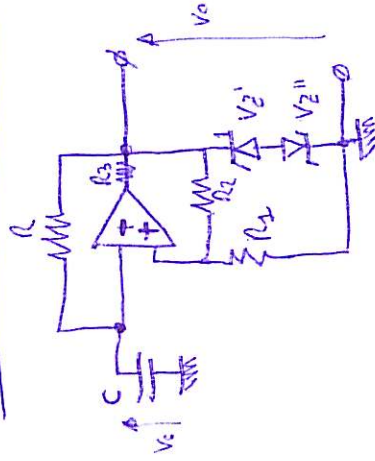
$$V_o = A_d V_d$$

$$\text{Per } A_d \text{ è molto grande } \frac{R_2}{R_1 + R_2} \approx \frac{1}{3}$$

d'usata è rinunciabile

Perché si possono facilmente dimensionare le resistenze.

## OSCILLATORE AD ONDA QUADRA





Il criterio di Barkhausen è un numero complesso e quindi esso oltre ad un modulo pari a 1 ha anche una fase.

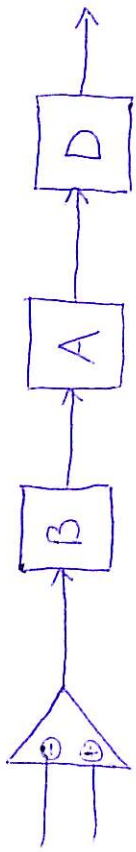
$$\angle A \cdot H = 2k\pi \quad \text{ovvero è multiplo di } 360^\circ$$

NOTA BENE  $A \cdot H = 1$  non è un criterio di innescamento dell'oscillazione per iniettare il moto periodico dell'uscita è necessario che  $|A \cdot H| > 1$  almeno in maniera transitoria.

Di solito è un disturbo (sempre presente) che innesca l'oscillazione, esso è via via amplificato fino a che non intervengono uno dei due fattori.

- 1) non linearità del dispositivo (saturazione o interruzione).
- 2) Elementi di controllo che riducono HA ad innescamento.

## STADI DI UN AMPLIFICATORE OPERAZIONALE



differenziale Buffer Amplificatore Driver

Fig 4

Lo stadio differenziale in ingresso possiede lo stadio successivo la differenza delle due tensioni in ingresso ed è costituito da due BJT (oppure Fet) configurati come nello schema sottostante:

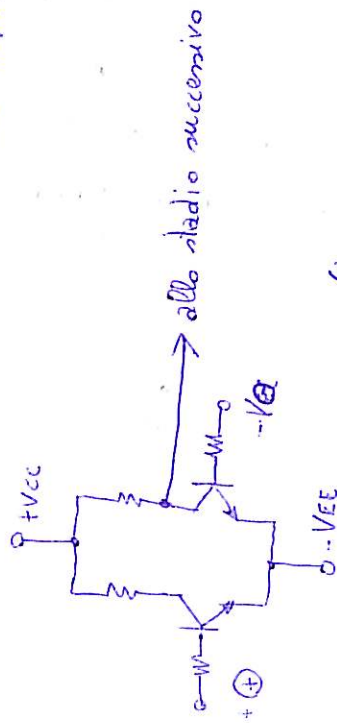


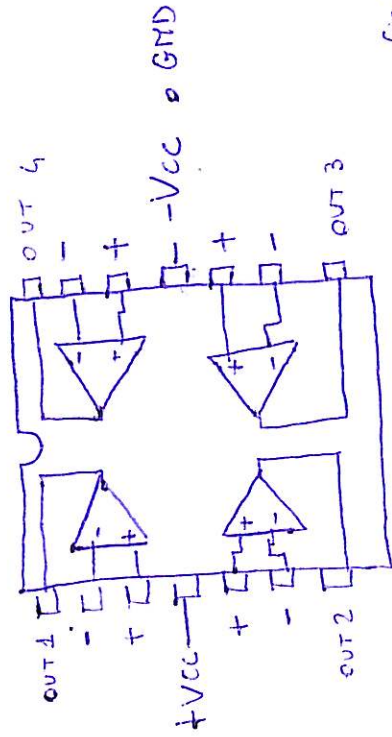
Fig 5

Lo stadio Buffer ha lo scopo di separare lo stadio differenziale dallo stadio amplificatore successivo. I transistor di questo stadio sono configurati in modo di presentare una elevata impedenza di ingresso e una bassa di uscita con guadagno unitario.

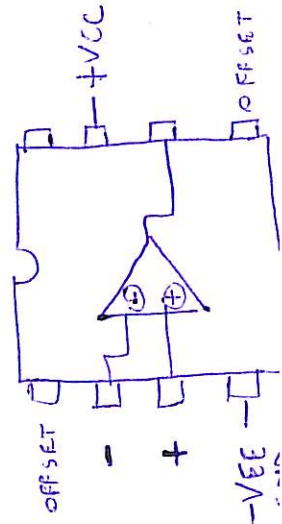


Lo stadio amplificatore garantisce l'elevato guadagno tipico dell'operazionale. Vi sono molti stadi a permettere comune in uscita.

Lo stadio Driver fornisce la corrente al carico collegato in uscita in maniera indipendente dal divo stesso (se necessario). Di solito gli operazionali rendono disponibile all'uscita circa 100 mA.



Il circuito integrato LM 324

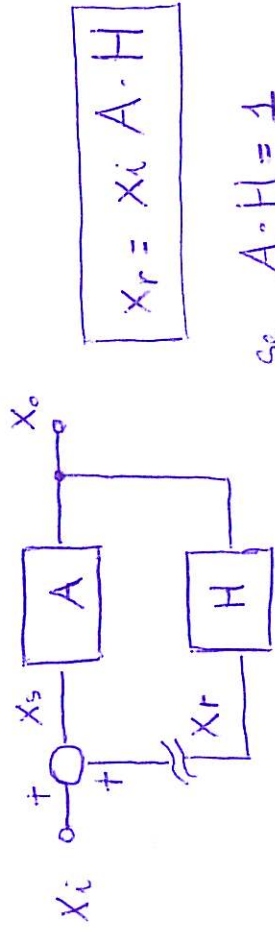


L'integrato  $\mu A741$

Quindi la frequenza si misura in Hertz.

1 HERTZ ESPRIME IL NUMERO DI PERIODI ESEGUITI IN UN SECONDO.

Di norma un oscillografo è un circuito munito di retroazione. Schematizziamo il sistema con dei blocchi funzionali e cui abbiniamo un guadagno A e H.



Se  $A \cdot H = 1$

Fig 66

allora si verifica che dopo l'ingresso si può togliere il segnale di ingresso e l'uscita risulta autosostenuta.

$X_2 = X_1$

e meno di un fattore di amplificazione A l'uscita  $X_0$  continua a riprodurre l'ingresso anche se questo viene tolto.

La condizione  $A \cdot H = 1$  è detta CRITERIO DI BARKHAUSEN.

## OSCILLATORI

Un oscillatore è un circuito che fornisce in uscita un segnale periodico di ampiezza e frequenza costanti. Tali circuiti non necessitano di un segnale di ingresso dato che l'oscillazione è solitamente innescata dal rumore elettrico intrinseco della circuiteria elettronica interna al dispositivo stesso.

Un segnale si dice periodico quando ad intervalli fissi si ripete uguale. Il tempo impiegato ad enumerare il medesimo andamento si chiama periodo.

Solitamente il periodo si indica con una  $T$  indivisibile mentre si misura in secondi, l'inverso del periodo si chiama frequenza ed è ovviamente come unità di misura  $\left[\frac{1}{\text{Sec}}\right]$

$$T = \text{periodo} \rightarrow [\text{sec}]$$

$$\frac{1}{T} = \text{frequenza} \rightarrow \left[\frac{1}{\text{sec}}\right]$$

alle grandezze  $\frac{1}{\text{sec}}$  ovvero  $\text{sec}^{-1}$  è stata assegnata una unità di misura: Hertz

## MODI DI FUNZIONAMENTO

- 1) In retroazione
- 2) In catena aperta.

Si dice che A.O. è in retroazione se esiste una rete per quanto completa che collega l'uscita con l'ingresso. Se l'uscita è collegata all'ingresso indicato con  $\ominus$  allora la retroazione è negativa, mentre se l'uscita è collegata al morsetto positivo allora la retroazione è positiva.

SOLO SE C'È RETROAZIONE NEGATIVA L'USCITA PUÒ AVERE QUALSIASI VALORE COMPRESO TRA LA SATURAZIONE POSITIVA E LA SATURAZIONE NEGATIVA. (AZIONE LINEARE)

Se l'A.O. è collegato in catena aperta o in retroazione positiva allora l'uscita si può portare solo alla saturazione positiva o negativa (AZIONE A SCATO).

Dispositivi in catena aperta sono utili come comparatori ovvero come circuiti in grado di prendere una decisione del tipo:  $\pm$  Se  $V_{\oplus} > V_{\ominus}$  allora  $V_o = V_{+sat}$  se  $V_{\oplus} < V_{\ominus}$  allora  $V_o = -V_{-sat}$ .



5 comparatori ottenuti con gli operazionali in catena aperta sono caratterizzati da una intera che diversifica le soglie di aggancio  $V_{th}$  dalla soglia di aggancio  $V_{th2}$  dando un'elevata immunità al rumore.

Il più noto comparatore a finestra è il trigger di Schmitt.

### Sai Retroazione negativa

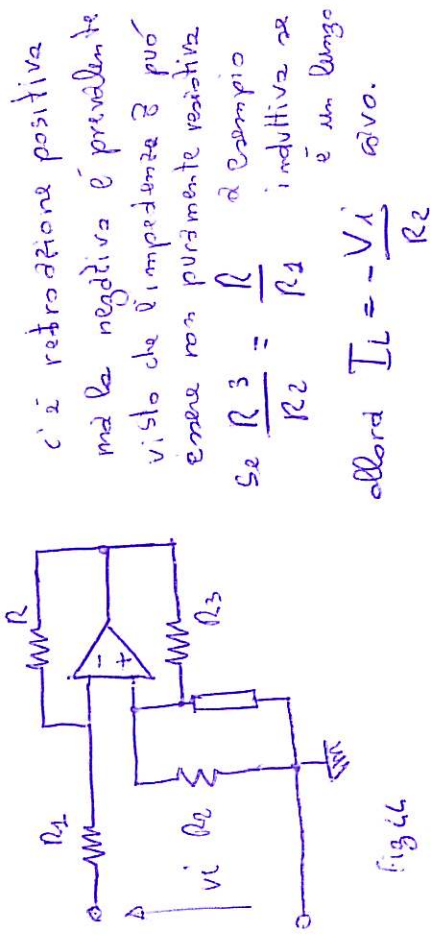
Una volta identificate le soglie di reazione come negativa si studia il punto di accenso del segnale. Se il segnale entra al morsetto positivo allora la configurazione è non invertente e il segnale di uscita moltiplicato per il guadagno avrà lo stesso segno del segnale di ingresso.

Se il segnale entra nel morsetto invertente l'uscita presenterà il segno opposto rispetto all'ingresso.

Dato l'elevatissima resistenza differenziale tra i morsetti di uscita abbinato ad un altrettanto guadagno intrinseco si verifica se c'è retroazione negativa l'equi-potenzialità dei morsetti, cioè...

$$V_{\oplus} = V_{\ominus}$$

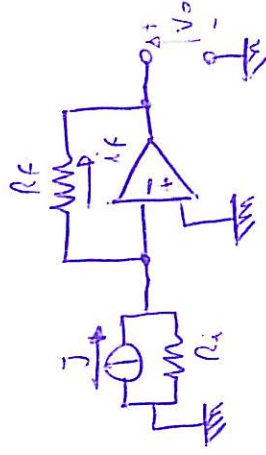
convertitore con carico riferito a massa.



c'è retroazione positiva ma la negativa è prevalente visto che l'impedenza è puramente resistiva. Se  $\frac{R_3}{R_2} = \frac{R}{R_1}$  a esempio è un buffer e un buffer è un buffer.

allora  $I_L = -\frac{V_i}{R_2}$

### CONVERTITORE CORRENTE TENSIONE



Il c.c. visto che  $R_c$  risulta essere in parallelo all'uscita si ha una d.d.p. pari a  $-I_c \cdot R_c$

$$V_0 = -I_c R_c$$

da cui

$$V_0 = -I_c R_c$$



CONVERTITORE TENSIONE / CORRENTE

Questo circuito rende disponibile una corrente impostata da una tensione in ingresso.

Esistono due principali configurazioni

- 1) A terminale di uscita resistante
- 2) A terminale di uscita vincolato a massa.

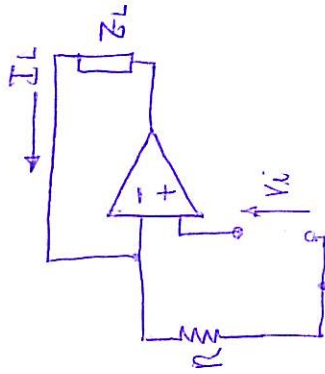


Fig 42

$$V_i = \frac{V_o}{R + Z_L} \cdot R$$

Dalla configurazione non invertente si ha anche:

$$\frac{V_o}{V_i} = \left(1 + \frac{Z_L}{R}\right)$$

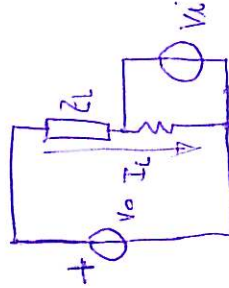


Fig 43

È da notare che questo partitore è un po' anomalo perché le correnti non lavorano transitori attraverso i generatori ma solo attraverso i carichi.

Questa eguaglianza e da considerare la base di partenza per ogni calcolo per la valutazione della funzione di trasferimento in retroazione negativa  $V_o/V_i$ .

Dimostreremo ora che esistono due espressioni per il calcolo del guadagno:

Configurazione invertente

$$\frac{V_o}{V_i} = - \frac{R_f}{R_i}$$

Configurazione non invertente

$$\frac{V_o}{V_i} = \left(1 + \frac{R_f}{R_i}\right)$$

Guadagno invertente

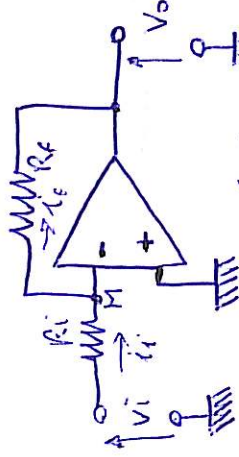


Fig 9

• I morsetti sono equipotenziali quindi il punto M si trova a massa virtuale.

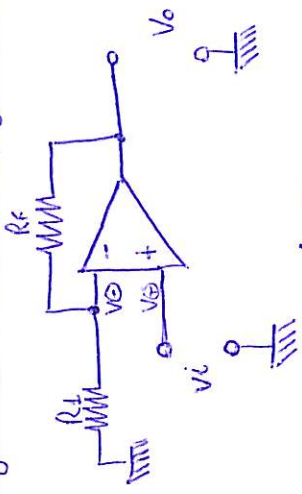
• Ai morsetti ⊕ e ⊖ non vi entra corrente quindi si applica KLC al modo "hm" ottenendo:  $I_i = I_f$

• Esprimiamo  $I_i$  e  $I_f$  in funzione delle tensioni.

$$\frac{V_i}{R_i} = - \frac{V_o}{R_f}$$

Se ora scriviamo l'equazione evidenziando le tensioni otteniamo  $\frac{V_o}{V_i} = - \frac{R_f}{R_i}$

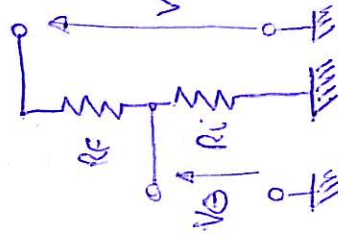
Guadagno della configurazione non invertente



Il punto di partenza è nel costante che grazie alla presenza della retroazione negativa si verifica  $V_{\ominus} = V_{\oplus}$

fig 10

conoscendo l'equipotenzialità dei morsetti, e dato l'impossibilità per la corrente di entrare nei morsetti dell'operazione si identifica un partitore di tensione come indicato in figura 11



Il valore noto è  $V_{\oplus}$  e sono note le resistenze  $R_{\oplus}$  e  $R_f$  quindi posso ricavare  $V_o$

$$V_{\oplus} = \frac{V_o}{R_f + R_i} \cdot R_i$$

fig 11

Dall'equazione ricavo l'incognita  $V_o$  da cui ricavo la funzione di trasferimento  $\frac{V_o}{V_i}$  spezzo in due il denominatore della funzione a seconda membro

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{R_f + R_i}{R_i}$$

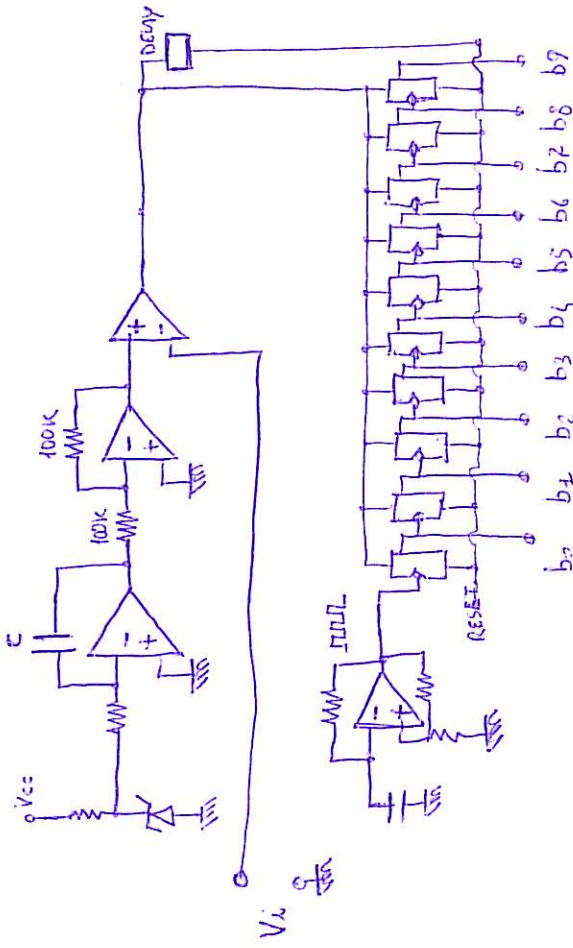


Fig 14 8 bit  $b_0 \div b_7$  vengono caricati su un registro (non rappresentato in figura) in modo che il dato risulta stabile fino al prossimo riaggiornamento, convertitori di questo tipo sono fortemente impiegati nella tecnica odierna.

Maggiore precisione, stabilità e velocità la troviamo nei convertitori a doppia rampa nei quali si minimizzano i tempi morti facendo sì che il segnale sia aggiornato più rapidamente. Il circuito integrato RCA 31461 integra un ottimo convertitore AD a doppia rampa in molte occasioni utilizzato negli stadi di ingresso di voltmetri digitali.



Se si richiede un numero maggiore di bit in uscita allora il numero di comparatori aumenta con la potenza di 2. Aumentando di soli 3 bit si necessita di 257 comparatori, (tale numero è così elevato da non poter essere realizzato con componenti singoli benché integrati).

Una soluzione con cui si realizzano i veri convertitori

AD sta nell'utilizzare una rete logica sequenziale anziché combinatoria.

Un oscillatore pilota con il suo clock un contatore sincrono.

Un integratore che a una rampa dato che all' suo ingresso viene posta una tensione di riferimento.

La rampa viene comparata con il segnale analogico in ingresso.

Quando la rampa intercetta il segnale, e questo di corso avviene, il comparatore scatta generando il segnale che entra il valore raggiunto dal contatore presente in un registro dove permane fino al prossimo refresh.

Lo stesso segnale del comparatore recorre anche il contatore e annulla la rampa scrivendo il condensatore dell'integratore di miller. Quindi il ciclo si ricomincia.

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{R_f}{R_i} + \frac{R_i}{R_i}$$

con una semplice semplificazione la funzione di trasferimento assume il classico aspetto

$$\frac{V_o}{V_i} = 1 + \frac{R_f}{R_i}$$

Osserviamo che il guadagno è sempre maggiore di uno e che assume lo stesso segno (il segnale di uscita) del segnale di ingresso.

### ALCUNI ESEMPI IN CATENA APERTA

A meno delle cadute interne, pari a circa 1,4 volt, l'uscita dell'operazionale in catena aperta può valere  $+V_{CC}$  o  $-V_{EE}$ , non è ammesso nessun altro valore intermedio.

Si verifica inoltre che:

$$V_o = V_{CC} - 1,4 \text{ volt se } V_{\oplus} > V_{\ominus}$$

$$V_o = -V_{EE} + 1,4 \text{ volt se } V_{\oplus} > V_{\ominus}$$

circuiti di questo tipo si chiamano comparatori ed hanno lo scopo di prendere delle decisioni come attivare allarmi, eccitare relè o elettrovalvole ecc.



Il seguente comparatore decade in led quando il segnale passa per zero (il valore di zero).

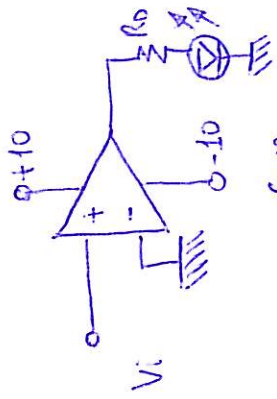


Fig. 12

$$I_0 R_0 + V_{D_{ON}} - V_0 = 0$$

Sapendo che il led si accende

con una corrente di 2mA e che

la sua tensione A-K di accensione vale circa 1,5 volt

allora l'equazione diviene

$$2mA \cdot R_0 + 1,5 \text{ volt} - 0,5 = 0$$

$$\text{da cui si ricava } R_0 = \frac{2,5 - 1,5}{2mA}$$

$$\text{quindi } R_0 = \frac{7}{2} \cdot 1000 = 3500 \Omega$$

La maglia d'uscita per l'accensione del led si studia secondo lo schema:

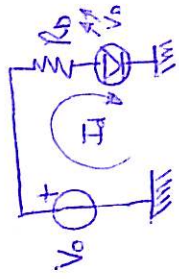


Fig. 13

Se integriamo l'uscita dell'ondata quadrata si ottiene un'onda triangolare.

Il concetto base è che l'integrale di una costante è una rampa.

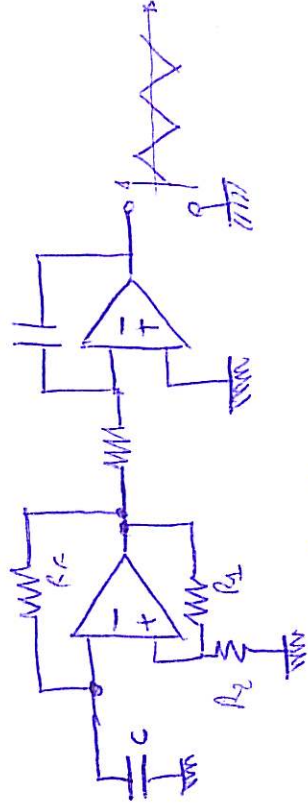


Fig. 40

### CONVERTITORE ANALOGICO DIGITALE A RAMPA

Se convertitore analogico digitale di figura 36 esegua la conversione più rapida possibile come anche lascia intuire il nome (convertitore Plesch), visto il fatto che l'unico ritardo è dovuto alle slew rate dei componenti che si interpongono tra l'ingresso e l'uscita.

Questo tipo di convertitore A/D ha tuttavia il difetto di richiedere un elevatissimo numero di comparatori in ingresso, ad esempio se si volesse realizzare un convertitore A/D di soli 5 bit ne sarebbero necessari  $2^5 - 1 = 31$  comparatori ovvero 33.

GENERATORI DI FUNZIONE

Abbinando un trigger di Schmitt ad un gruppo RC otteniamo un generatore d'onda quadrata.

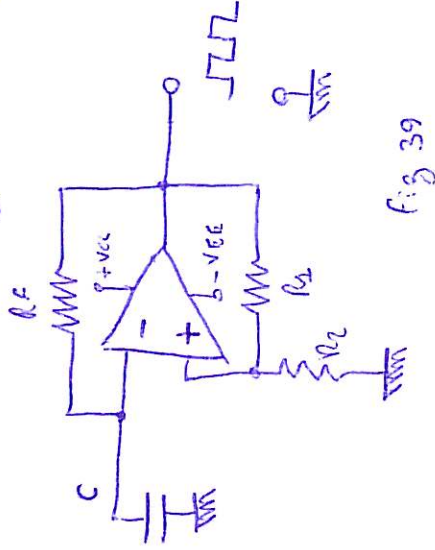


Fig 39

Indichiamo con  $T$  il periodo di RC che ha come unità di misura i secondi.

$T$  e la costante di tempo che compete l'oscillazione

$$T = 2T \ln \frac{1+\beta}{1-\beta}$$

con  $\beta = \frac{R_1}{R_1+R_2}$

$T$  = periodo [S]

$\frac{1}{T} = f$  frequenza [Hz]

$\omega = 2\pi f$  pulsazione  $\left[ \frac{\text{rad}}{\text{sec}} \right]$

COMPARAZIONE DI UN LIVELLO DI RIFERIMENTO

se partore...

$$V_0 = \frac{V_{cc} \cdot R_2}{R_1+R_2}$$

imposta la tensione  $V_0$  presa come riferimento per la comparazione

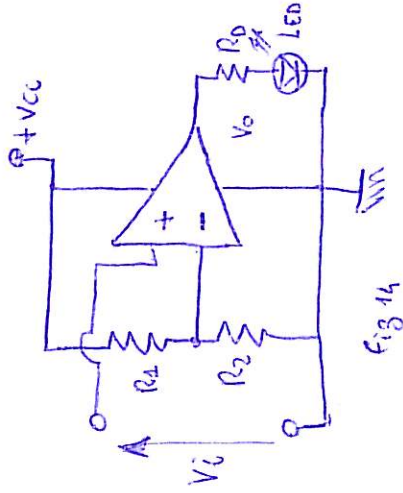


Fig 14

altre maniere per creare la tensione di riferimento può essere data dall'utilizzo di un diodo Zener

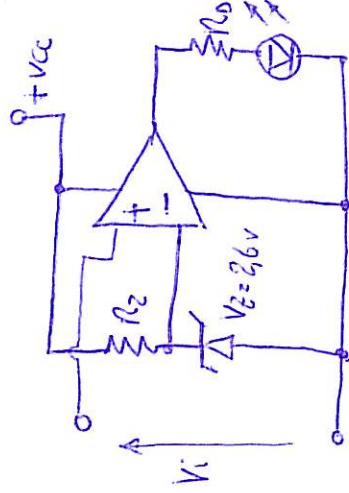


Fig 15

Interessante è la comparazione eseguita su più livelli.

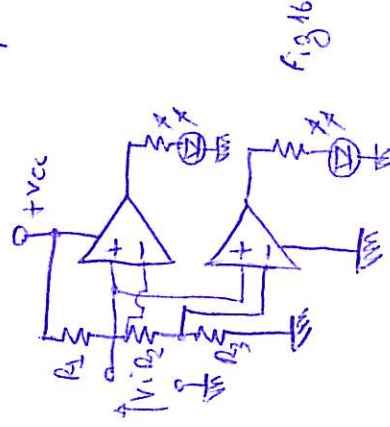


Fig 16

Sulla base delle comparazione multi-livello possiamo costruire anche i convertitori analogici digitali.



## comparatore a finestra TRIGGER DI SCHMITT

è un esempio di retroazione positiva.

Si creano due soglie diverse dato che l'uscita assume due valori completamente differenti.

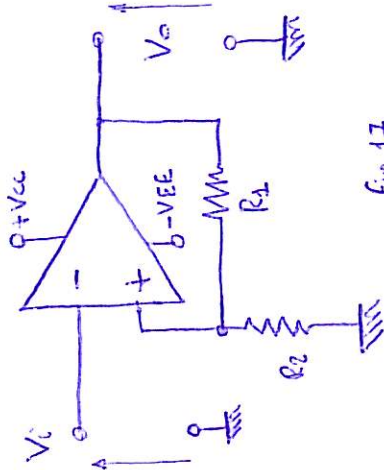


fig 17

Lipotesi iniziale è che l'uscita si trovi in uno dei due possibili stati.

Supponiamo che  $V_o$  si trovi alla saturazione positiva quindi non tenendo conto delle cadute interne di  $1\mu V$  approssimiamo  $V_o \approx +V_{cc}$ .

Si crea un partitore alimentato da  $V_o \approx V_{cc}$  la cui uscita è  $V_{cc}$  (questo è un partitore di tensione e non di corrente visto che all'ingresso  $V_{cc}$  la resistenza è altissima tendente all'infinito).

### OSSERVAZIONE FONDAMENTALE

siamo in presenza di una retroazione **positiva** quindi non vi è EQUIVOCITÀ DEI MORSETTI DI INGRESSO

$$V_{\oplus} \neq V_{\ominus}$$

Se così non fosse non potrebbe funzionare il comparatore che si basa proprio su questa diversità.  
TRIGGER = GRILLETTO

## convertitore digitale analogico

può essere realizzato con un semplice sommatore oppure con una rete a scala che consente di utilizzare solo due tipi di resistenze di valore  $R$  e  $2R$ .

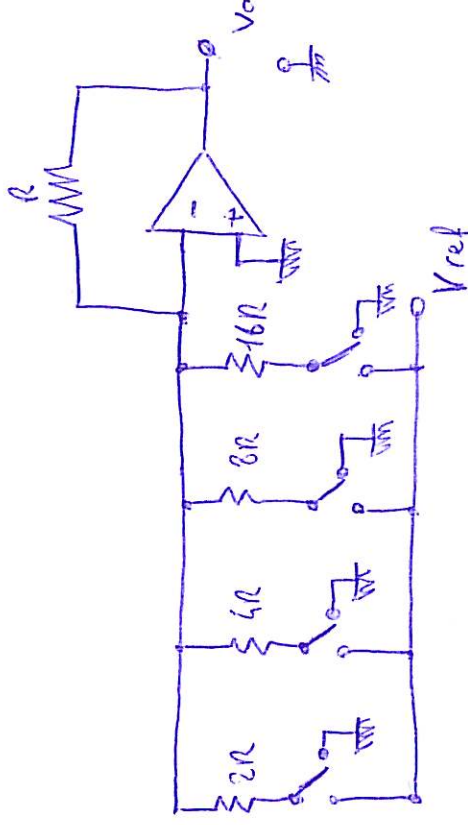


fig 37 convertitore digitale analogico

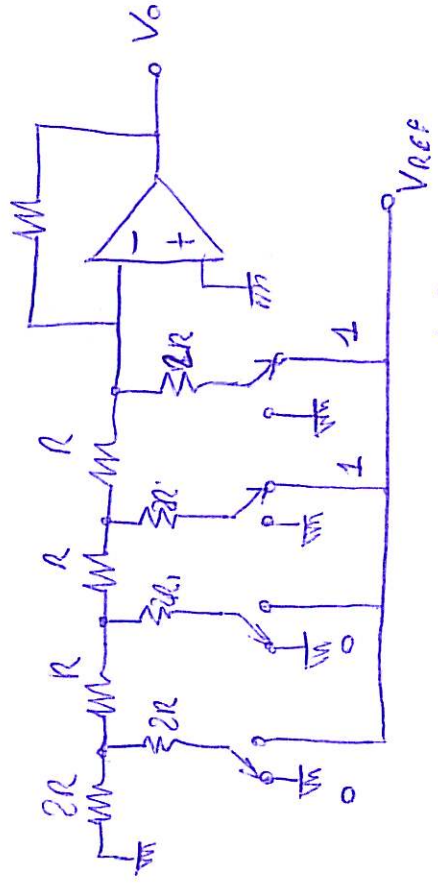


Fig 38 convertitore digitale analogico con rete a scala.

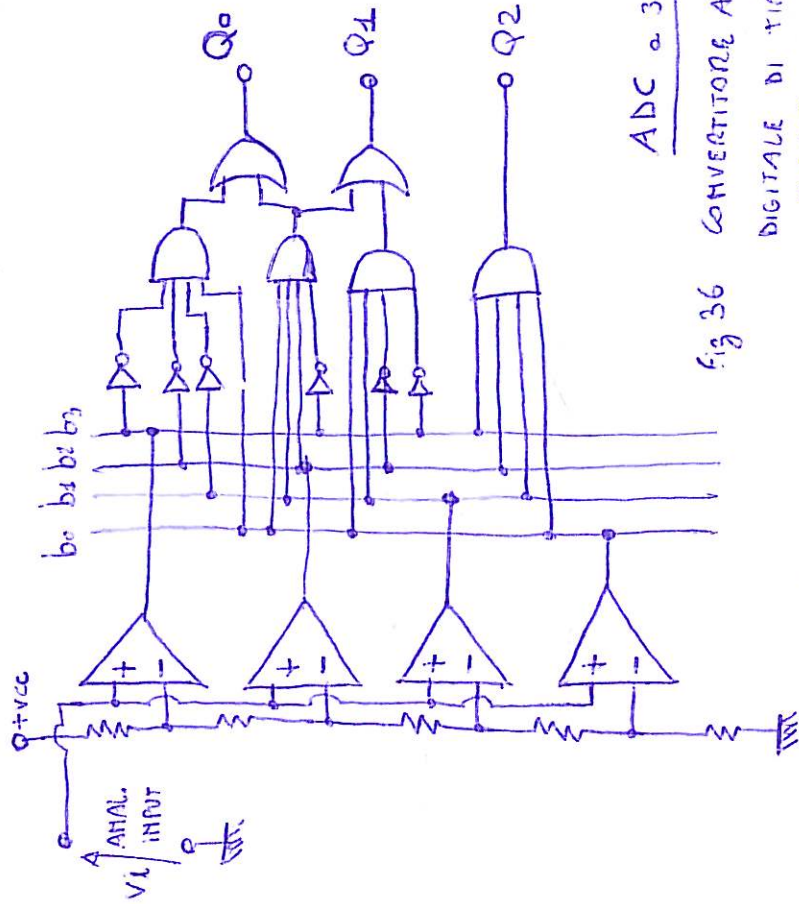
CONVERTITORE DIGITALE - ANALOGICO E ANALOGICO - DIGITALE

Lo scopo di un DAC è quello di convertire un numero digitale formato da un certo numero di bit in un corrispondente valore di tensione analogica.

Il salto che si ha passando da una configurazione numerica a quella successiva o precedente si chiama

RISOLUZIONE del convertitore digitale analogico

L'ANALOGICO DIGITALE ESAGUE L'OPERAZIONE INVERSA ADC



ADC a 3 bit

Fig 36 CONVERTITORE ANALOGICO DIGITALE DI TIPO FLASH

$b_3$	$b_2$	$b_1$	$b_0$	$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	1
0	0	1	1	0	0	1	0
0	1	1	1	0	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

Situazione  $V_0 \approx +V_{cc}$

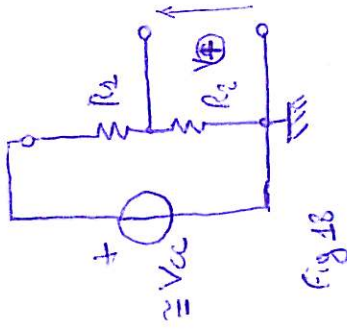


Fig 18

APPLICANDO LA CLASSICA FORMULA DEI PARTITORI DI TENSIONE SI OTTIENE

$$V_0 = \left( \frac{+V_{cc} - I_{L1}}{R_1 + R_2} \right) \cdot R_2$$

E QUESTO VALORE  $V_0$  DIPENDE DAL VALORE DI ALIMENTAZIONE E DAL RAPPORTO TRA  $R_1$  E  $R_2$

Vediamo la situazione se si suppone l'uscita alla saturazione negativa

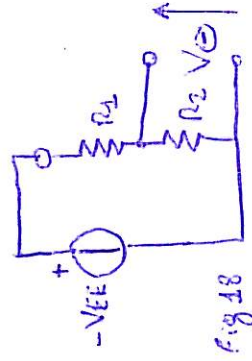
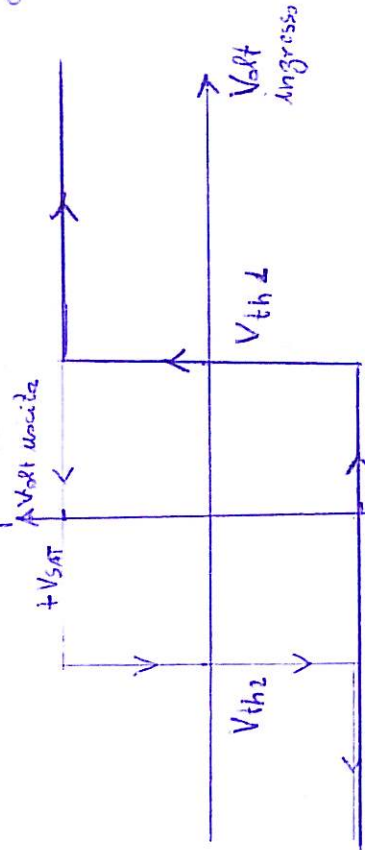


Fig 18

$$V_0 = \left( \frac{-V_{EE} + I_{L1}}{R_1 + R_2} \right) \cdot R_2$$

Vediamo come si presenta la situazione su un grafico



tra le soglie  $V_{th1}$  e  $V_{th2}$  si apre una finestra d'interesse



si nota che la commutazione da basso ad alto avviene alla soglia  $V_{th1}$  mentre il ritorno dell'uscita da dal livello  $+V_{sat}$  a  $-V_{sat}$  avviene alla soglia  $V_{th2}$ .

L'ampiezza della finestra di interesi che si è trovata rappresenta "L'immunità al rumore" del dispositivo. Per "rumore" si intende disturbo elettrico sulle linee che può causare commutazioni indesiderate dei sistemi di controllo.

In ambiente industriale è bene che sia i comparatori che le porte logiche di input siano fornite di interesi.

esempio

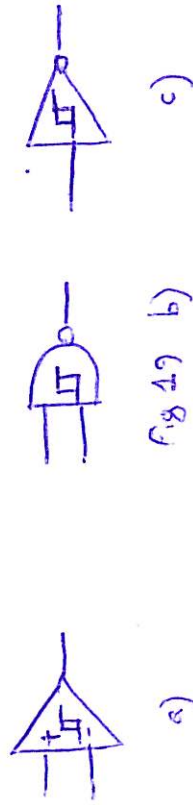


Fig. 19 a) b) c)

Abbinando un comparatore a TRIGGER DI SCHMITT e un gruppo RC nella retroazione negativa si ottiene un oscillatore ad onda quadrata.

## APPLICAZIONE DELL'A.O. LOGARITMICO ED ESPONENZIALE

Quando si vuole eseguire una funzione matematica che contiene frazioni o prodotti usa opportuna combinazione di A.O. esponenziali e logaritmici.

esempio:

$$F = \frac{(A+B)}{C} = \frac{\log(A+B)}{\log C} = \log_2(A+B) - \log_2 C$$

si estrae  $F$  che supponiamo essere il valore a cui facendo l'esponenziale restituisce  $V_0$

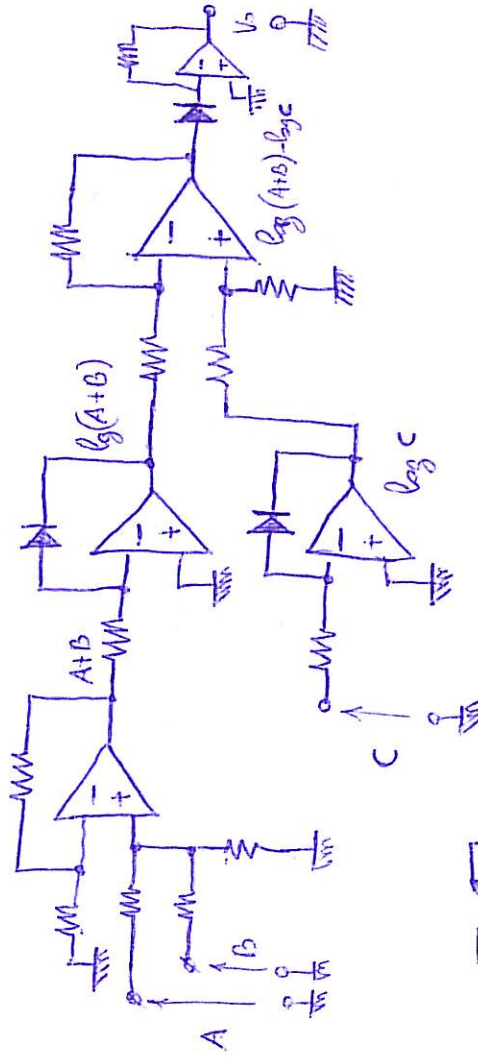


Fig. 34

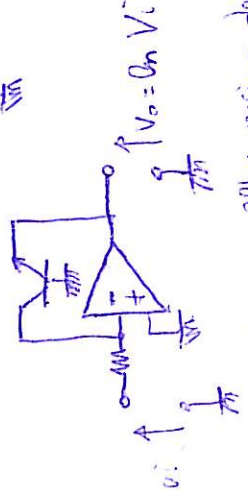


Fig. 35

altra versione dell'ampl. logaritmico

AMPLIFICATORE ESPONENZIALE

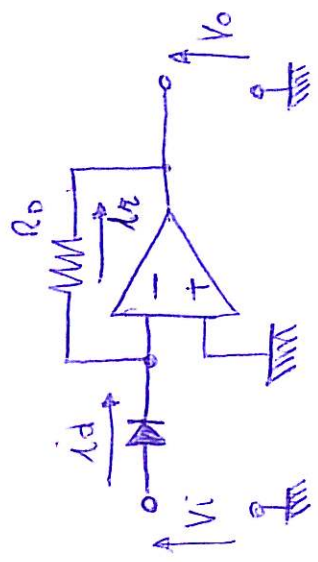


fig. 33

$I_d = I_s e$

$I_d = I_s e^{\frac{V_D}{V_T}}$  dove  $V_D$  è  $V_i$  data la presenza della massa virtuale.

$I_s e^{\frac{V_i}{V_T}} = \frac{V_o}{R_D}$

Se esprimo  $V_o$  in funzione di  $V_i$  si ottiene

$V_o = R_D I_s e^{\frac{V_i}{25mV}}$

L'uscita è proporzionale all'esponentiale della tensione di ingresso

L'INTEGRATORE DI MILLER

È noto che durante la fase di carica di un condensatore si nota una corrente (che si estingue quando C è del tutto carica) che è proporzionale alla carica già presente secondo la curva indicata nel grafico

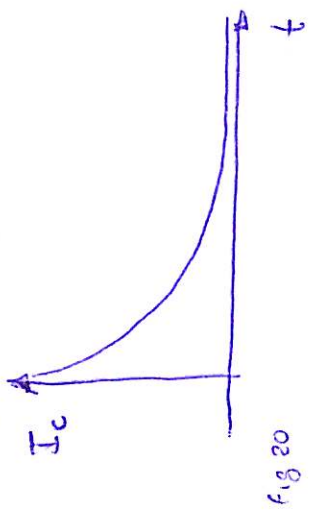


fig. 20

È altresì noto che la corrente nel condensatore è esprimibile come la derivata della tensione ai suoi capi per la capacità. Si ottiene una equazione differenziale.

$I_c = C \cdot \frac{dV_c}{dt}$

L'equazione differenziale si risolve integrando ambo i membri, e la soluzione è nota e meno della costante di integrazione (valore che va interpretato come tensione iniziale e cui è vicino il condensatore)

$\int I_c dt = C \int \frac{dV_c}{dt} dt$   
 sapendo che integrali e derivate sono funzioni opposte lo posso semplificare

$V_c = \frac{1}{C} \int I_c dt$



Applichiamo la teoria vista ad un circuito in configurazione invertente e retroazione negativa.

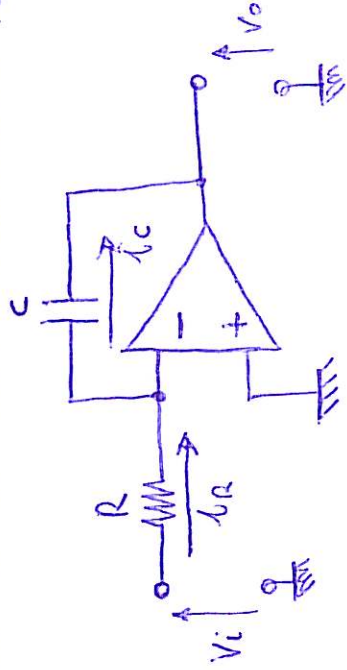


Fig 21

qui  $V_{\oplus} = V_{\ominus}$  per la retroazione negativa. c'è quindi la "massa virtuale" al morsetto invertente.

Dato che all'ingresso dell'operazionale non può entrare corrente, applicando Kirchhoff al nodo possiamo scrivere  $i_R = i_C$

Per corrente  $i_C$  la ricaviamo dalla legge di Ohm.

$$\frac{V_i}{R} = i_C$$

mentre la corrente nel condensatore è:

$$i_C = C \frac{dV_C}{dt}$$

d'uguaglianza è: 
$$\frac{V_i}{R} = -C \frac{dV_C}{dt}$$

$K =$  costante di Boltzmann  $1,38 \times 10^{-23} \frac{J}{K}$

$m =$  fattore di idealità

$V_T = \frac{KT}{q}$  = tensione termica che vale  $25mV$ .

quasi sempre il termine 1 è trascurabile

quindi: 
$$I_D = I_S e^{\left(\frac{V_D}{V_T}\right)}$$

dato l'uguaglianza  $I_D = I_2$  dovuta alla legge di Kirchhoff al nodo si ha:

$$e^{\frac{V_D}{V_T}} = \frac{V_i}{R_i}$$

Il diodo si trova in polarità all'uscia, quindi in polarizzazione diretta vale  $V_D = V_0$

Per esprimere  $V_0$  in funzione di  $V_i$  devo applicare la funzione inversa dell'esponenziale

$$e^{\frac{V_0}{25mV}} = \frac{V_i}{R_i}$$

da cui si ottiene

$$\log e^{\frac{V_0}{25mV}} = \log \frac{V_i}{R_i}$$

$$V_0 = 25mV \log \frac{V_i}{R_i}$$

## AMPLIFICATORE LOGARITMICO

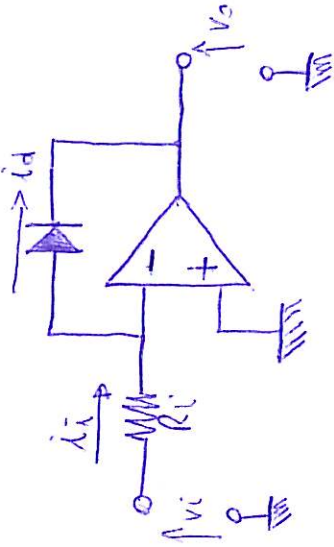


fig.32

$I_i = I_d$  in virtù della massa virtuale dovuta alla retroazione negativa.

La corrente sulla resistenza la troviamo con la legge di Ohm.

$$\frac{V_i}{R_i} = I_i$$

La corrente sul diodo è data dalla formula

$$I_d = I_s \left[ \exp\left(\frac{qV_d}{mKT}\right) - 1 \right] = I_s \left[ \exp\left(\frac{V_d}{V_T}\right) - 1 \right]$$

$I_s$  = corrente di saturazione inversa del diodo

$V_d$  = tensione applicata al diodo  $V$

$q$  = carica dell'elettrone

(32)

Il condensatore è in realtà in parallelo all'uscita  $V_o$  quindi  $V_c = V_o$ .

Il segno meno è deducibile dalla teoria esposta e pag 11, e converge facilmente deducibile visto che la corrente entra nell'impedenza del condensatore dalla massa virtuale (segno opposto rispetto all'uscita  $V_o$ ).

La funzione di trasferimento dell'integratore di

Miller si trova risolvendo l'equazione differenziale.

$$\frac{dV_c}{dt} = -\frac{1}{RC} V_i$$

integro ambo i membri.

$$\int dV_c dt = -\frac{1}{RC} \int V_i dt$$

e come risultato ottengo la funzione di trasferimento.

$$V_o = V_{iniziale} - \frac{1}{RC} \int V_i dt$$

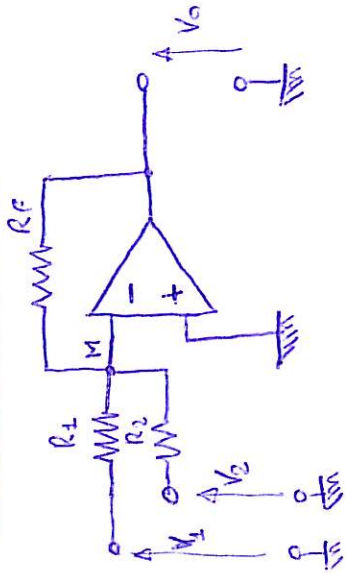
l'uscita è nota quando è nota la carica iniziale di C

è l'integratore di Miller e' anche un filtro passa basso

(31)



CIRCUITI SOMMATORI

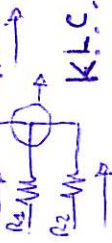


$R_1 = 10K$   
 $R_2 = 10K$   
 $R_F = 5,6K$   
 A.O. =  $\mu A 741$   
 $V_1 = 1mV$   
 $V_2 = 2mV$

Fig. 22 SOMMATORE INVERTENTE

La retroazione negativa garantisce che  $V_{\ominus} = V_{\oplus} = 0$  e quindi la presenza della massa virtuale M.

Possiamo applicare Kirchhoff al nodo M.



$$-i_{R1} - i_{R2} + i_{RF} = 0$$

$$i_{R1} = \frac{V_1}{R_1} \quad i_{R2} = \frac{V_2}{R_2}$$

$\frac{V_0}{R_F} = i_{RF}$  posso anche trovare i valori reali.

$\frac{V_1}{R_1} + \frac{V_2}{R_2} = -\frac{V_0}{R_F}$  notando che  $R_1 = R_2$   
 si semplifica raccogliendo  
 il fattore comune.

$$\frac{R_F}{R_1} (V_1 + V_2) = -V_0$$

TENSIONE DI OFFSET

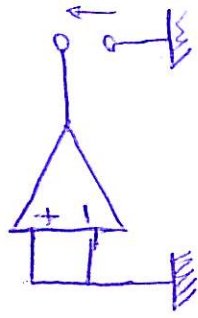


Fig. 31

nello schema di fig. 31 ci si aspetta che l'uscita sia nulla visto che vale

$$V_0 = A(V_1 - V_2) \text{ e}$$

nel caso indicato  $V_1 = V_2$

in realtà l'uscita risulta sbilanciata rispetto allo zero di pochi millivolt.

Molti amplificatori operazionali hanno due piedini indicati con offset che servono a porre a zero l'uscita correggendo l'errore di funzionamento.

In molte applicazioni di precisione può essere necessario aggiustare il fuori zero per avere segnali corretti in uscita.

amplificatore in modo differenziale.

Nei amplificatori reali l'eliminazione del guadagno di modo comune non è totale.

Una parte di amplificazione di modo comune permane.

Un indice di questa permanenza è dato dal

CMRR (Rejection di modo comune)

COMMON - MODE REJECTION RATIO.

$$CMRR = \left| \frac{A}{A_{cm}} \right|$$

Spesso è espresso in decibel

$$CMRR_{dB} = 20 \log_{10} \left| \frac{A}{A_{cm}} \right| \text{ db}$$

NOTA: nell'amplificatore operazionale ideale il

CMRR è infinito, negli amplificatori reali invece è nel range:

$$60 \text{ db} \leq CMRR \leq 120 \text{ db}$$

$$\text{da cui: } V_o = - \frac{R_f}{R_1} (V_1 + V_2)$$

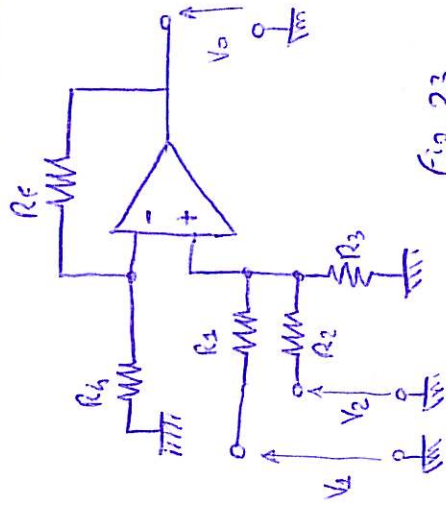
si vede che l'uscita è pari al guadagno  $-\frac{R_f}{R_1}$  moltiplicato per la SOMMA DEGLI INGRESSI.

nel caso specifico si ha:

$$V_o = - \frac{5,6 \text{ K}}{10 \text{ K}} (1 \cdot 10^{-3} \text{ V} + 2 \cdot 10^{-3} \text{ V})$$

$$V_o = - 0,00168 \text{ V} = - 1,68 \text{ mV}$$

Vediamo ora il SOMMATORE NON INVERTEENTE



$$R_1 = 10 \text{ K}$$

$$V_1 = 1 \text{ mV}$$

$$R_2 = 10 \text{ K}$$

$$V_2 = - 2 \text{ mV}$$

$$R_3 = 2,2 \text{ K}$$

$$R_4 = 5,6 \text{ K}$$

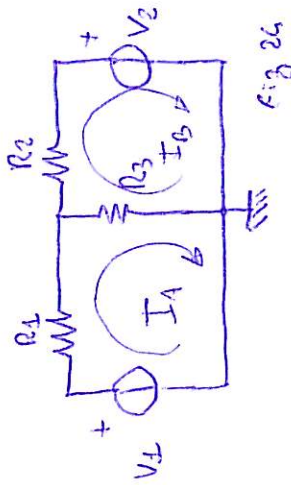
$$R_f = 10 \text{ K}$$

$$A.O. = \mu A 741$$

La retroazione negativa garantisce che  $V^+ = V^-$ , ma questa volta è necessario trovare  $V^-$  sovrapponendo gli effetti di  $V_1$  e  $V_2$  alla resistenza  $R_3$  ovvero al morsetto  $V^+$



visto che non può entrare corrente di morsetti dell'A.O. posso staccare la rete applicata al morsetto non invertente.



posso applicare P.S.E. oppure le correnti cicliche di maglia (detto anche correnti di Maxwell).

$$\begin{cases} I_A (R_1 + R_3) - I_B (R_3) - V_1 = 0 \\ -I_A (R_3) + I_B (R_2 + R_3) + V_2 = 0 \end{cases}$$

Questo sistema può essere risolto con un metodo qualsiasi, ad esempio, sostituzioni, Cramer, Gauss.

Metodo di Gauss.

$$\begin{bmatrix} 12.2K & -2.2K \\ -2.2K & 42.2K \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \cdot 10^{-3} V \\ 2 \cdot 10^{-3} V \end{bmatrix}$$

Che risulta dai:

$$I_A = 0.11 \mu A \quad I_B = 0.18 \mu A$$

Risultano entrambe positive quindi  $\bar{0}$  la somma di  $I_A + I_B$

$$I_{R_3} = 0.29 \mu A \quad (24)$$

$$I_1 R_1 + \frac{V_2 R_4}{R_3 + R_4} - V_1 = 0$$

In definitiva si ottiene

$$V_0 = -\frac{R_2}{R_1} (V_1 - V_2)$$

una volta scelte  $R_2 = R_1 = 10K$  si ottiene che l'uscita  $V_0$  è a meno del segno pari alla differenza dei segnali di ingresso

$$V_0 = -(V_1 - V_2)$$

Difetto dell'amplificatore differenziale

d'A.O. per ragioni intrinseche tende ad amplificare oltre alla differenza dei segnali in ingresso anche la media dei due.  $V_{ic} = \frac{V_1 + V_2}{2}$

Il segnale di ingresso di modo comune è amplificato secondo il guadagno di modo comune

$$V_0 = A (V_1 - V_2) + A_{cm} \left( \frac{V_1 + V_2}{2} \right)$$

Un amplificatore ideale tende ad eliminare il guadagno di modo comune, quindi

DIFFERENZIALE (SOTTRATTORE)

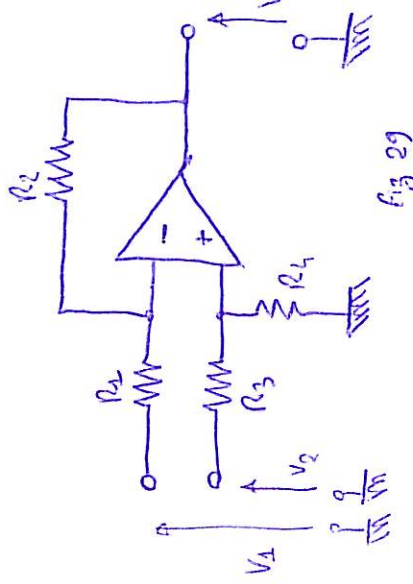


fig 29

vale  $V_{\oplus} = V_{\ominus}$

$$V_{\oplus} = \frac{V_2}{R_3 + R_4} \cdot R_4$$

visto che non entra corrente sul morsetto dell'A.O.

d'uscita  $V_0$  si può calcolare studiando la maglia in figura

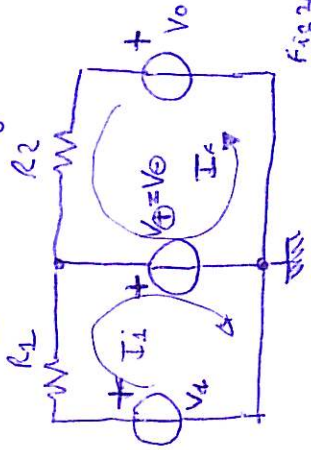


fig 30

$$I_1 R_1 + V_1 - V_0 - I_2 R_4 = 0$$

sostituendo

$$I_1 R_1 + V_1 - I_f R_2 - V_1 = 0$$

$$V_{\ominus} = V_0 - I_f R_2$$

$$\frac{V_2}{R_3 + R_4} R_4 = V_0 - I_f R_2$$

la retroazione è chiaramente negativa ma la configurazione può non essere immediatamente riconoscibile.

Applico la legge di OHM e trovo  $V_{\oplus} = V_{\ominus}$

$$V_{\oplus} = 0,29 \cdot 10^{-6} \cdot 2,2 \text{ K}\Omega = 0,638 \text{ mV}$$

trovarla la tensione al morsetto Invertente (uguale a  $V_{\oplus}$ ) procedo con il calcolo di  $V_0$  applicando ad esempio il partitore di tensione.

$$V_{\ominus} = \frac{V_0}{R_f + R_i} \cdot R_i$$

$$V_0 = V_{\ominus} \frac{R_f + R_i}{R_i}$$

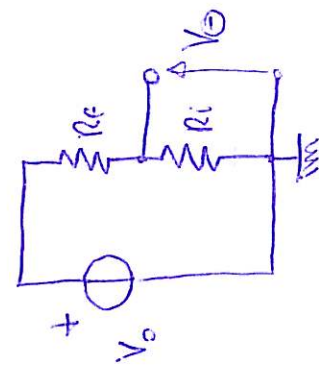


fig 25

Raccogliendo e spezzando il denominatore in due, mi accorgo che sto moltiplicando la tensione al morsetto non invertente (somma degli effetti delle tensioni in ingresso)

$$V_0 = V_{\oplus} \left( 1 + \frac{R_f}{R_i} \right)$$

sostituendo i valori ottengo il valore dell'uscita.

$$V_0 = 0,638 \cdot 10^{-3} \left( 1 + \frac{10000}{10000} \right) \approx 1,27 \text{ mV}$$



CIRCUITO DERIVATORE

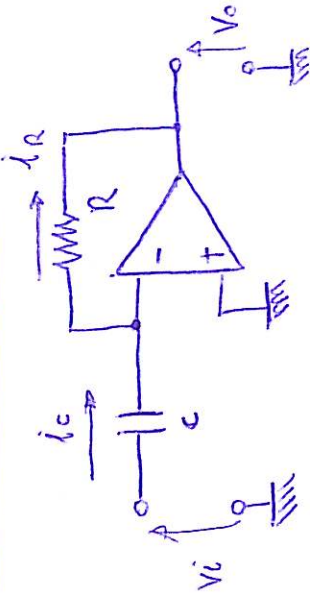


fig 26

applico K.L.C. visto che all'ingresso invertente non può entrare corrente.

si ha:

$$-i_c + i_r = 0$$

sostituendo:

$$C \frac{dV_i}{dt} = - \frac{V_o}{R}$$

da cui

$$RC \frac{dV_i}{dt} = - V_o$$

Risolvendo l'equazione differenziale

Se differenziale è anche un filtro passa basso

$$- RC \frac{dV_i}{dt} = V_o$$

(26) Da cui notiamo che  $V_o$  è proporzionale alla derivata

La retroazione negativa garantisce  $V_{\oplus} = V_{\ominus}$  e la presenza della massa virtuale grazie alla quale posso dire che  $R$  è in "parallelo" all'uscita.

$$i_c = -C \frac{dV_c}{dt}$$

$$i_r = - \frac{V_o}{R}$$

DERIVATORE E INTEGRATORE REALE

Alle alte frequenze il condensatore  $V_c$  in corto circuito e quindi i circuiti derivatore e integratore non funzionano più.

per ripristinare la funzione di trasferimento si procede moltiplicando lo schema come segue.

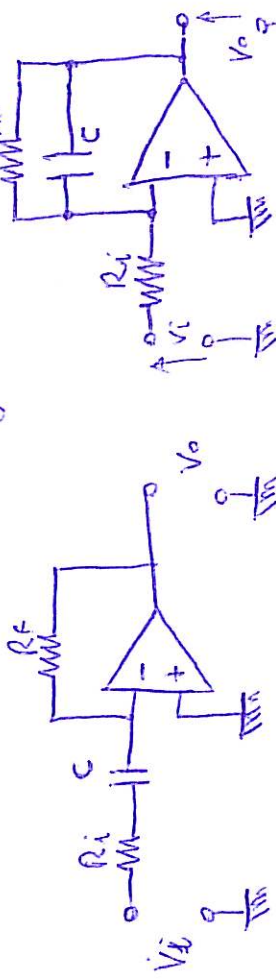


fig. 27

BUFFER

Adattatore di impedenza e driver di corrente. Serve per adattare i circuiti a monte con quelli a valle. L'alta impedenza di ingresso garantisce che non ci siano perdite di potenza da cui fornisce il segnale.

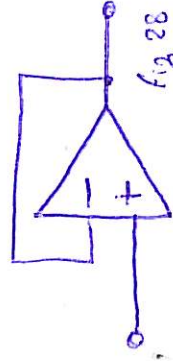


fig 28

Integratore di tensione.

$$V_{\oplus} = V_{\ominus} \quad e \quad \frac{V_o}{V_i} = \left( 1 + \frac{Z_f}{Z_i} \right)$$

siccome  $Z_f = 0$  e  $Z_i = \infty$

si ha:  $\frac{V_o}{V_i} = 1$

$$V_o = V_i$$